



مسابقه‌ی ریاضی کانگورو ۲۰۰۵

مسئله‌های سه امتیازی



۱. یک پروانه روی پاسخ درست نشسته است. این پروانه روی چه عددی را پوشانده است؟

$$2005 + 205 = 2500 -$$

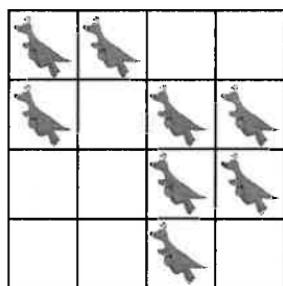
- الف) ۱۲۹۵ ب) ۱۱۹۰ ج) ۱۳۹۰ د) ۱۱۹۵ ه) ۱۲۹۰

۲. امید و آرزو روی هم ۱۰ تا شکلات دارند. تعداد شکلات‌های امید ۲ تا بیشتر از تعداد شکلات‌های آرزو است. امید چند تا شکلات دارد؟



- ۴) ه ۵) د ۶) ج ۷) ب ۸) الف

۳. اتا کانگورو در خانه‌های جدول زیر دیده می‌شوند. دست کم چند کانگورو باید در جدول حرکت کنند تا در هر یک از سطرها و ستون‌های جدول دو کانگورو دیده شود؟



- (الف) ۰
- (ب) ۱
- (ج) ۲
- (د) ۳
- (ه) ۴

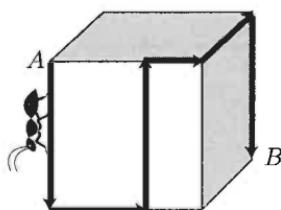
۴. شادی با پدر و مادر، یک برادر، یک سگ، دو تا گربه، دو تا طوطی و چهار ماهی طلاibi در یک خانه زندگی می‌کنند. آن‌ها روی هم چندتا پا دارند؟

- الف) ۴۰
- ب) ۳۲
- ج) ۲۸
- د) ۲۴
- ه) ۲۲

۵. حاصل عبارت $5 \times 100 + 2005$ برابر است با:

- | | |
|-----------------|-------------|
| الف) ۲۰۰۵۰۰۲۰۰۵ | ب) ۲۰۰۵۲۰۰۵ |
| ج) ۲۰۰۷۲۰۰۵ | د) ۲۰۲۵۰۵ |
| | ه) ۲۲۰۵۵ |

۶. یک مورچه از نقطه‌ی A روی مکعب زیر و از مسیر مشخص شده به نقطه‌ی B می‌رود. هر یک از ابعاد مکعب ۱۲ cm است. طول مسیری که مورچه طی می‌کند، چه قدر است؟





(ب) ۴۸ cm

(د) ۶۰ cm

(الف) ۴۰ cm

(ج) ۵۰ cm

(ه) ۳۶ cm

۷. در یک جعبه ۲۴ توپ در سه رنگ وجود دارد: سفید، قرمز و قهوه‌ای. $\frac{1}{8}$ توپ‌ها سفید و $\frac{2}{3}$ بقیه‌ی توپ‌ها قرمزند. چندتا از توپ‌ها قهوه‌ای‌اند؟

(ه) ۸

(د) ۷

(ج) ۶

(ب) ۵

(الف) ۴

۸. پنج کارت داریم که روی هریک از آن‌ها یکی از اعداد ۱ تا ۵ نوشته شده است. در اینجا این پنج کارت را کنار هم گذاشته‌ایم.

۱

۳

۵

۴

۲

در هر حرکت جای دو تا از کارت‌ها را با هم عوض می‌کنیم. دستکم باید چند حرکت انجام دهیم تا بتوانیم کارت‌ها را به صورت زیر مرتب کنیم؟

۱

۲

۳

۴

۵

(الف) ۲

(ب) ۴

(د) ۳

(ج) ۱

(ه) ۵



۹. رضا یک عدد طبیعی انتخاب و آن را در ۳ ضرب کرد. کدام گزینه نمی‌تواند حاصل ضرب به دست آمده باشد؟

(ب) ۴۴۴

(د) ۱۰۵

(الف) ۹۸۷

(ج) ۲۰۴

(ه) ۱۰۳

۱۰. نصفِ ثلث ربع ۲۴ ساعت، چند ساعت است؟

- الف) $\frac{1}{3}$ ب) $\frac{1}{2}$ ج) ۱ د) ۲ ه) ۳

مسئله‌های چهار امتیازی



۱۱. شادی یک دستمال کاغذی را ۱۰ قسمت کرد. سپس یکی از این قسمت‌ها را به ۱۰ قسمت تقسیم کرد. او این کار را دوبار دیگر تکرار کرد. دستمال به چند قسمت تقسیم شده است؟

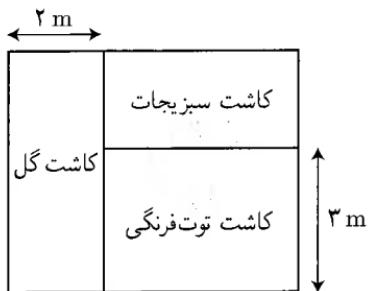
- الف) ۲۷ ب) ۳۰ ج) ۳۷ د) ۴۰ ه) ۴۷

۱۲. پسر جنگل هر روز پیاده تا کنار رودخانه می‌رود و سوار بر یک فیل برمی‌گردد. رفت و برگشت او روی هم ۴۰ دقیقه طول می‌کشد. یک روز او در ۳۲ دقیقه سوار بر فیل به کنار رودخانه رفت و برگشت. چه قدر طول می‌کشد که او پیاده تا کنار رودخانه برود و بازگردد؟

- الف) ۲۴ دقیقه ب) ۴۲ دقیقه
ج) ۴۶ دقیقه د) ۴۸ دقیقه ه) ۵۰ دقیقه



۱۳. یک باغ مستطیل‌شکل به مساحت 30 m^2 به سه قسمت برای کاشت گل، سبزیجات و توت‌فرنگی تقسیم شده است (برخی از ابعاد در شکل نشان داده شده است). می‌دانیم مساحت قسمت کاشت گل 10 m^2 است. مساحت قسمت کاشت سبزیجات چه قدر است؟



- (الف) 4 m^2
- (ب) 6 m^2
- (ج) 8 m^2
- (د) 10 m^2
- (ه) 12 m^2

۱۴. پدر بزرگ تصمیم دارد مقداری بادام زمینی را به ترتیب زیر بین اعضای خانواده تقسیم کند: یک نفر ۵ کیلو، دو نفر دیگر هر کدام ۴ کیلو، چهار نفر هر کدام ۲ کیلو، دو نفر هر کدام $1/5$ کیلو و یک نفر هیچی. مادر بزرگ دوست دارد بادام زمینی‌ها را به طور مساوی بین اعضای خانواده تقسیم کند. اگر تصمیم مادر بزرگ انجام شود، به چند نفر بادام زمینی بیشتری می‌رسد؟

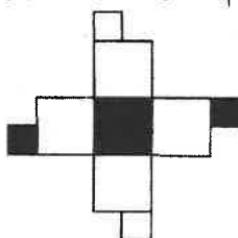


- (الف) ۳
- (ب) ۴
- (ج) ۵
- (د) ۶
- (ه) ۷

۱۵. چند عدد دورقمی وجود دارد که با استفاده از دورقم فرد مختلف ساخته شده‌اند؟

- ۵۰ (ه)
- ۳۰ (د)
- ۲۵ (ج)
- ۲۰ (ب)
- ۱۵ (الف)

۱۶. شکل زیر گستردگی کدام یک از مکعب‌های زیر است؟



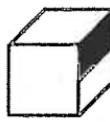
(ج)



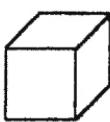
(ب)



(الف)



(ه)



(د)

۱۷. حاصل جمع پنج عدد طبیعی متولی برابر $200^0 5$ است. بزرگ‌ترین آن‌ها برابر است با:

- (الف) 401 (ب) 403 (ج) 404 (د) 405 (ه) $200^0 1$

۱۸. تعداد مقسوم‌علیه‌های عدد $10^0 0$ برابر است با:

- (الف) 3 (ب) 6 (ج) 7 (د) 8 (ه) 9

۱۹. قاب چوبی یک تابلوی نقاشی

مستطیل‌شکل، از قطعات چوبی

با عرض یکسان ساخته شده است.

محیط بیرونی قاب 8 دسی‌متر از محیط

داخلی قاب بیشتر است. عرض

قطعات چوبی به کار رفته چه‌قدر است؟



الف) ۴ دسی‌متر

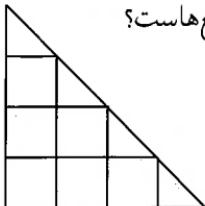
ب) ۲ دسی‌متر

ج) ۱ دسی‌متر

د) ۸ دسی‌متر

ه) عرض قطعات چوبی به ابعاد تابلوی نقاشی بستگی دارد.

۲۰. در شکل مقابل تعداد مثلث‌ها چندتا بیش‌تر از تعداد مربع‌هاست؟



ب) ۲ تا بیش‌تر

د) ۵ تا بیش‌تر

الف) ۴ تا بیش‌تر

ج) یکی بیش‌تر

ه) ۳ تا بیش‌تر

مسئله‌های پنج امتیازی

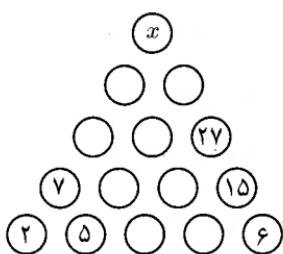


۲۱. ۵ تا صندوقچه‌ی کوچک درون یک صندوق گنج وجود دارد. داخل هر صندوقچه، ۳ تا جعبه است و در هر جعبه ۱۰ سکه‌ی طلا وجود دارد. صندوق گنج، صندوقچه‌ها و جعبه‌ها همگی قفل هستند. چندتا قفل را باید بازکنیم تا ۵۰ سکه به دست آوریم؟

الف) ۵ ب) ۷ ج) ۹ د) ۶ ه) ۸



۲۲. می‌دانیم عدد نوشته شده در هر دایره برابر است با: حاصل جمع اعداد نوشته شده در دو دایره‌ی زیر آن. چه عددی به جای x قرار می‌گیرد؟



- الف) ۳۲
ب) ۵۰
ج) ۵۵
د) ۸۲
ه) ۱۰۰

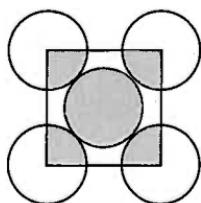
۲۳. در یک عدد دو رقمی، a دهگان و b یکان است. کدامیک از شرایط زیر بخش پذیر بودن این عدد بر ۶ را تضمین می‌کند؟

- | | |
|----------|------------------|
| $b = 6a$ | الف) $a + b = 6$ |
| $b = 2a$ | ج) $b = 5a$ |
| | ه) $a = 2b$ |

۲۴. سطح یک مکعب را که هر بعد آن برابر ۳ دسی‌متر است، با $1,25 \text{ kg}$ رنگ، رنگ‌آمیزی کرده‌ایم. سپس این مکعب را به مکعب‌های کوچک مساوی که هر بعد آن‌ها برابر ۱ دسی‌متر است تقسیم کرده‌ایم. برای رنگ کردن سطح‌هایی از مکعب‌های کوچک که رنگ‌زده نشده‌اند، چه قدر رنگ لازم است؟

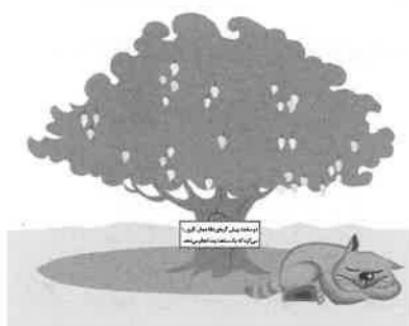
- | | |
|---------------------|------------------------|
| ب) 1 kg | الف) $1,25 \text{ kg}$ |
| د) $0,5 \text{ kg}$ | ج) $0,75 \text{ kg}$ |
| | ه) $0,25 \text{ kg}$ |

۲۵. پنج دایره با شعاع‌های مساوی در شکل صفحه‌ی بعد دیده می‌شوند. چهارتا از آن‌ها که مرکزهایشان روی رأس‌های مربع است، بر دایره‌ی پنجم مماس‌اند. نسبت مساحت قسمت‌هایی از دایره‌ها که سایه‌زده شده به مساحت قسمت‌های سفید دایره‌ها برابر است با:



- الف) ۱ به ۳
ب) ۱ به ۴
ج) ۲ به ۵
د) ۲ به ۳
ه) ۵ به ۴

۲۶. از ظهر تا نیمه شب گربه‌ی دانا زیر درخت بلوط خوابیده است. از نیمه شب تا ظهر بیدار است و قصه می‌گوید. یک یادداشت روی درخت بلوط وجود دارد که روی آن نوشته است: «دو ساعت پیش گربه‌ی دانا همان کاری را می‌کرد که یک ساعت بعد انجام می‌دهد.» این نوشته در چند ساعت از ۲۴ ساعت شبانه روز درست است؟



- الف) ۶
ب) ۱۲
ج) ۱۸
د) ۳
ه) ۲۱

۲۷. محمد ۴۲ مکعب با ابعاد ۱ cm دارد. او همه‌ی مکعب‌ها را برای ساختن یک مکعب مستطیل که محیط قاعده‌ی آن ۱۸ cm است استفاده می‌کند. ارتفاع این مکعب مستطیل برابر است با:

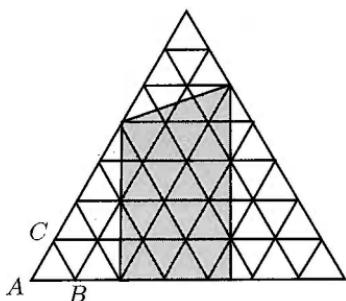


- الف) ۶ cm
ب) ۵ cm
ج) ۴ cm
د) ۳ cm
ه) ۲ cm

۲۸. پدرام همهٔ اعداد سه‌رقمی که ویژگی‌های زیر را دارند، روی تخته نوشته است: هر یک از این عده‌ها از سه رقم مختلف تشکیل شده‌اند و رقم اول در هر یک از آن‌ها برابر مربع خارج قسمت تقسیم عدد دوم بر عدد سوم است. پدرام چندتا عدد روی تخته نوشته است؟

- الف) ۱ ۲) ب ۳) ج ۴) د ۵) ه

۲۹. مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع ABC (هر سه ضلع برابرند)، مساوی ۱ است. مثلث بزرگ‌تر از ABC تا از این مثلث‌ها ساخته شده است (شکل را ببینید). مساحت قسمت سایه‌زده‌شده برابر است با:



- الف) ۲۰
ب) ۲۲,۵
ج) ۲۳,۵
د) ۲۵
ه) ۳۲

۳۰. مریم، درنا، سپیده، الهام و کتابیون روی نیمکتی در یک پارک نشسته‌اند. مریم در گوشی سمت راست نیمکت نیست. درنا در گوشی سمت چپ نیمکت نیست. سپیده نه در گوشی سمت راست نشسته است و نه در گوشی سمت چپ. کتابیون کنار سپیده نیست و سپیده کنار درنا نیست. الهام سمت راست درنا نشسته است اما لزوماً کنار او نیست. کدامیک از دخترها در گوشی سمت راست نشسته است؟

- الف) نمی‌توان تعیین کرد.
ب) درنا
د) الهام
ج) سپیده
ه) کتابیون