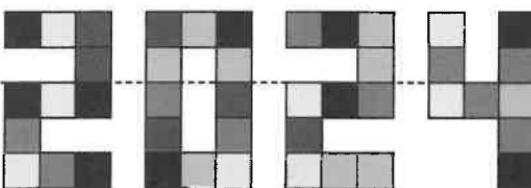


مسابقه‌ی ریاضی کانگورو ۲۰۲۴

مسئله‌های سه امتیازی



۱. آلما تصویر زیر را از روی خط‌چین تا می‌کند.



کدام مربع روی مربعی هم‌رنگ خودش می‌افتد؟



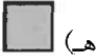
(ج)



(ب)



(الف)



(هـ)



(د)

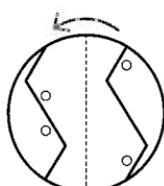
۲. مانا لی لی بازی می کند. در تصویر رو به رو، چند تا خانه ای اول در بازی او را می بینید. او در خانه ای اول با دو پا فرود می آید، در خانه ای دوم با پای چپ، در سومی با دو پا، در بعدی با پای راست، سپس با دو پا، و... به همین ترتیب، بازی او روی خانه ها هر چهار تا خانه تکرار می شود.

در کدام یک از خانه ها، مانا با پای راست فرود می آید؟



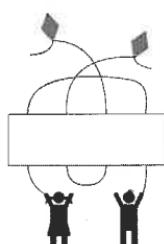
- الف) دهم ب) پانزدهم ج) بیست
د) بیست و دوم ه) بیست و سوم

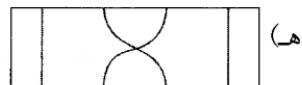
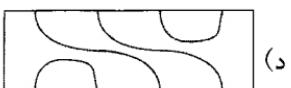
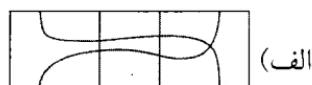
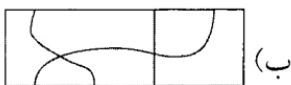
۳. یک کاغذ دایره‌ای شفاف داریم و همان‌طور که در تصویر می‌بینید، چهارتاً سوراخ و تعدادی پاره خط روی آن هست: دایره را از روی خط‌چین تا می‌کنیم. اکنون چه شکلی دیده می‌شود؟



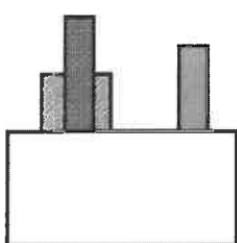
- Figure 2 consists of four diagrams labeled ج, ب, ه, and ف. Each diagram shows a circle divided by a vertical dashed line. A diamond-shaped loop is attached to the circle at two points. In diagram ج, the diamond is oriented vertically with its top vertex pointing upwards. In diagram ب, the diamond is rotated 45 degrees clockwise. In diagram ه, the diamond is rotated 45 degrees counter-clockwise. In diagram ف, the diamond is oriented vertically with its bottom vertex pointing upwards.

۴. در جای خالی تصویر رو به رو، کدام گزینه را قرار دهیم تا با ریسمان‌های آن، هر کودک فقط به یک بادبادک متصل شود؟

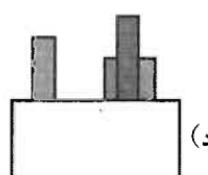
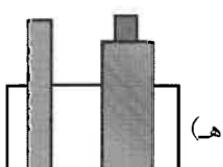
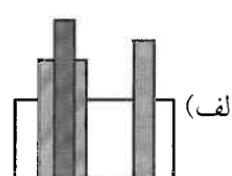
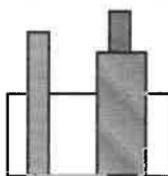
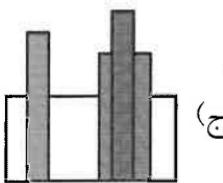


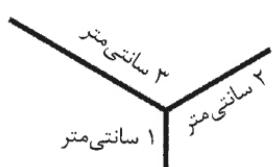


۵. دنیا سه تا آجر را پشت دیوار روی زمین قرار داد.
وقتی از رو به رو به دیوار نگاه می‌کنیم، آجرها را
این طوری می‌بینیم:



اگر از پشت دیوار به آجرها نگاه کنیم، آنها را چگونه می‌بینیم؟



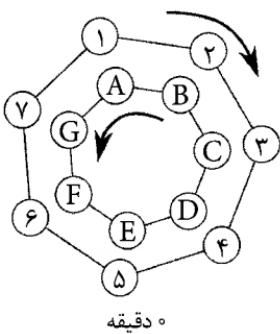


۶. مونا می خواهد شکل رویه را بدون برداشتن مداد از روی کاغذ، رسم کند. طول سه پاره خط روی شکل نوشته شده است.

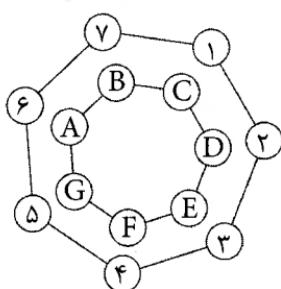
کمترین طولی که مونا می تواند برای این کار رسم کند چند سانتی متر است؟

- الف) ۶ ب) ۷ ج) ۸ د) ۹ ه) ۱۰

۷. دو تا چرخ داریم که روی هر کدام، هفت تا علامت گذاشته شده است. چرخ ها در دو جهت مخالف هم می چرخند. هر چرخ در ۷ دقیقه، یک دور کامل می چرخد. در پایان هر دقیقه، هر حرف روی چرخ داخلی، درست مقابل یک عدد روی چرخ بیرونی قرار می گیرد. در تصویر زیر، دو موقعیت اولیه چرخ را در ابتدای حرکت و پس از گذشت یک دقیقه، می بینید:



۰ دقیقه

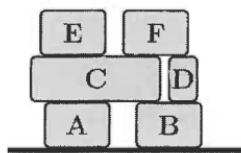


۱ دقیقه

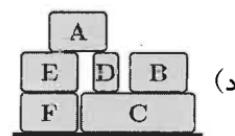
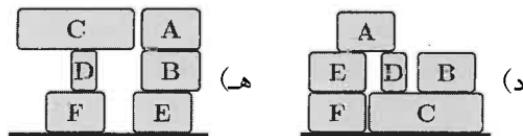
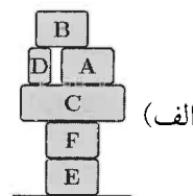
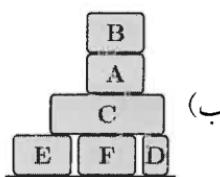
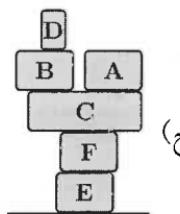
در تصویر می بینید که در ابتدا، حرف A مقابله عدد ۱ قرار داشته است و حرف B مقابله عدد ۲، و به همین ترتیب بقیه حروف مقابله عددی قرار داشتند. چرخ ها آن قدر می چرخند تا حرف C مقابله عدد ۲ قرار گیرد. در این زمان، حرف F مقابله کدام عدد قرار می گیرد؟

- الف) ۱ ب) ۴ ج) ۵ د) ۶ ه) ۷

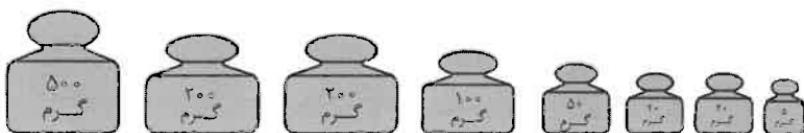
۸. شش تا جعبه روی یک تریلی قرار دارند:



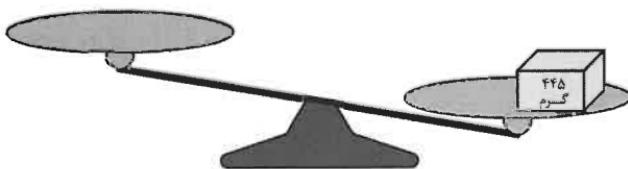
کارگری می‌خواهد آن‌ها را روی زمین بچیند. او جعبه‌ها را یکی‌یکی از روی تریلی برمه‌دارد و روی زمین یا روی جعبه‌ای دیگر قرار می‌دهد. توجه کنید که کارگر در هر زمان، جعبه‌ای را می‌تواند از تریلی بردارد که رویش جعبه‌ی دیگری نباشد. کدامیک از تصاویر زیر نمی‌تواند تصویر جعبه‌هایی باشد که کارگر روی زمین چیزه است؟



۹. پدرام یک جعبه‌ی ۴۴۵ گرمی و هشت تا وزنه دارد:



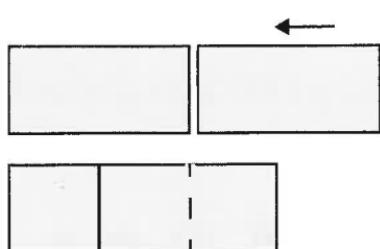
پدرام بسته را روی یک کفه‌ی ترازو قرار می‌دهد. کمترین تعداد وزنه که او برای متعادل کردن ترازو نیاز دارد، چند تا است؟



- الف) ۲ ب) ۳ ج) ۴ د) ۵ ه) ۶
۱۰. اتاق‌های یک هتل از عدد ۱ شماره‌گذاری شده‌اند: ۱، ۲، ۳، هیچ عددی در این شماره‌گذاری جا نیافتاده است. کانگی کانگورو، رقم‌های شماره‌های همه‌ی اتاق‌های هتل را شمرد و دید که ۱۴ تا رقم ۲ و ۳ تا رقم ۵ وجود دارد. بزرگ‌ترین عددی که در شماره‌گذاری اتاق‌های هتل می‌تواند استفاده شود چیست؟

- الف) ۲۵ ب) ۲۶ ج) ۳۴ د) ۳۵ ه) ۴۱

مسئله‌های چهار امتیازی



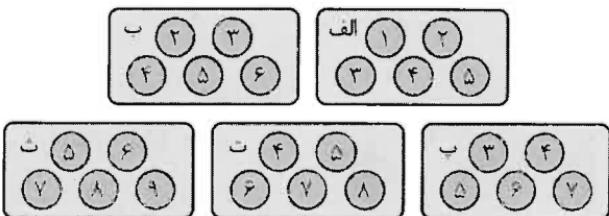
۱۱. دو تا مستطیل برابر داریم. مساحت هر کدام، ۱۸ است.

آن‌ها را روی هم قرار می‌دهیم و یک مستطیل جدید می‌سازیم. این مستطیل از سه مربع برابر تشکیل شده است.

مساحت مستطیل جدید چقدر است؟

- الف) ۲۴ ب) ۲۷ ج) ۳۰ د) ۳۲ ه) ۳۶

۱۲. دانش‌آموزی پنج تا جعبه داشت: (الف)، (ب)، (پ)، (ت) و (ث). داخل جعبه‌ها شکلات بود. شکلات‌ها براساس طعمشان شماره‌گذاری شده‌اند:



او تقریباً همهی شکلات‌ها را خورد. در تصویر زیر می‌بینید که در جعبه‌ها چه چیزی مانده است. جعبه‌ای که با علامت سؤال مشخص شده کدام جعبه است؟



(الف) الف (ب) ب (ج) پ (د) ت (ه) ث

۱۳. رُزا با کشیدن تعدادی مستطیل برابر، تصویر زیر را رسم کرده است:

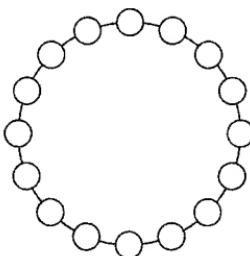
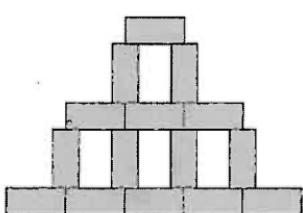
طول تصویر، ۴۵ سانتی‌متر و بلندی آن، ۳۰ سانتی‌متر

است. مساحت هریک از مستطیل‌ها چقدر است؟

(الف) ۲۴ سانتی‌متر مربع (ب) ۲۷ سانتی‌متر مربع

(ج) ۳۰ سانتی‌متر مربع (د) ۳۳ سانتی‌متر مربع

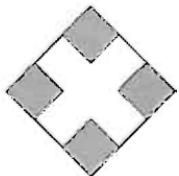
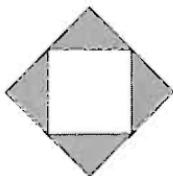
(ه) ۳۶ سانتی‌متر مربع



۱۴. روی هر یک از ۱۶ دایره‌ای که در شکل رویه‌رو می‌بینید عددی نوشته شده است. عددهای روی دو دایره‌ی کنار هم، یکی با هم اختلاف دارند. روی یکی از دایره‌ها عدد ۵ و روی یکی دیگر، عدد ۱۳

نوشته شده است. روی این شانزدهتا دایره چند تا عدد متفاوت نوشته شده است؟

- الف) ۹ ب) ۱۰ ج) ۱۳ د) ۱۴ ه) ۱۶

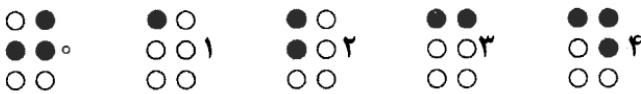


۱۵. در تصویر رو به رو دو تا مربع بزرگ می‌بینید که مساحت‌شان با هم برابر است. قسمت‌هایی از هر مربع را سایه زده‌ایم. در مربع سمت چپ،

وسط ضلع‌ها به هم وصل شده است. در مربع سمت راست، طول ضلع مربع‌های کوچک‌تری که درون مربع بزرگ هستند، یک‌سوم طول ضلع مربع بزرگ است. مساحت قسمت سایه‌زده در مربع سمت چپ، ۹ است. مساحت قسمت سایه‌زده در مربع سمت راست چقدر است؟

- الف) ۴ ب) ۸ ج) ۹ د) ۱۰ ه) ۱۲

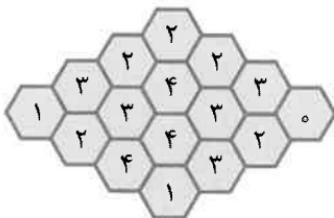
۱۶. خط «بریل» برای افراد نابینا، علامت‌های برجسته دارد که می‌توانیم این علامت‌ها را با دایره‌های سیاه و سفید نمایش دهیم. مثلاً رقم‌های ۰ تا ۹ در این خط به صورت زیر هستند:



در این خط، چند عدد دورقمری متفاوت می‌توان نوشت که شامل دقیقاً پنج تا دایره‌ی سیاه باشند؟

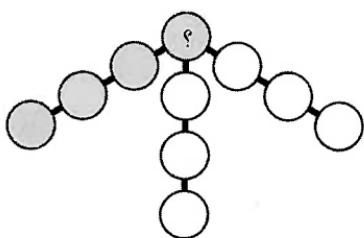
- الف) ۱۶ ب) ۱۸ ج) ۲۰ د) ۳۲ ه) ۳۴

۱۷. در تصویر زیر یک کندوی زنبور عسل می‌بینید که ۱۶ تا خانه دارد. در بعضی از خانه‌ها عسل وجود دارد و عددی که در هر خانه نوشته شده، نشان می‌دهد



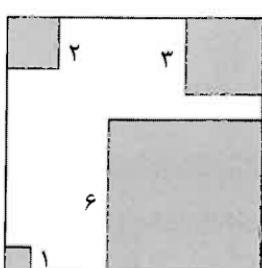
چندتا از خانه‌های همسایه‌ی آن، عسل دارد (خانه‌های همسایه، با هم یک ضلع مشترک دارند). چندتا از خانه‌ها عسل دارد؟

- ۱۱) ه ۱۰) د ۹) ج ۸) ب ۷) الف



۱۸. آرش می‌خواهد عددهای ۱ تا ۱۵ را در دایره‌های شکل رو به رو بنویسد. او هر عدد را در یک دایره می‌نویسد و می‌خواهد مجموع عددهای داخل هر چهارتا دایره که روی یک خط راست هستند (مانند چهارتا دایره‌ی خاکستری در شکل)، ۲۳ باشد. او درون دایره‌ای که با علامت سؤال مشخص شده باید چه عددی بنویسد؟

- ۸) ه ۷) د ۶) ج ۵) ب ۴) الف



۱۹. کریم از گوشه‌های مربع بزرگ، چهارتا مربع کوچک بریده است. طول ضلع مریع‌های کوچک را در شکل رو به رو می‌بینید: مساحت قسمت باقی‌مانده، نصف مساحت مریع بزرگ اولیه است. محیط شکل باقی‌مانده چقدر است؟

- ۵۲) ه ۴۸) د ۴۴) ج ۴۰) ب ۳۶) الف

۲۰. رها می‌خواهد با نوشتن عدهای ۱ تا ۴ درون دایره‌ها، معمای روبه‌رو را حل کند.
- ○ ○ ○
 ○ < ^۳ > ○
 ○ ○ ○ ○
 ○ ○ ○ ○

در هر ردیف و در هر ستون از هریک از رقم‌های ۱ و ۲ و ۳ و ۴ باید فقط یکی نوشته شود. همچنین عدها را باید طوری بنویسد که علامت کمتر یا

بیشتر (> یا <) بین عدهایی که دو طرف آن هستند، رابطه‌ی درستی باشد. توجه کنید که این علامتها در جهت‌های بالا و پایین نیز کار می‌کنند، مانند مثال روبه‌رو:

^۱ < ^۲ _۱ > _۲
^۲ > ^۱

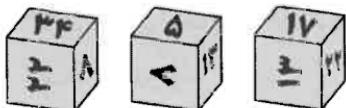
رها چه عددی را باید درون دایره‌ی خاکستری بنویسد؟

- الف) ۱ ب) ۲ ج) ۳ د) ۴ ه) ۲ یا ۳

مسئله‌های پنج امتیازی

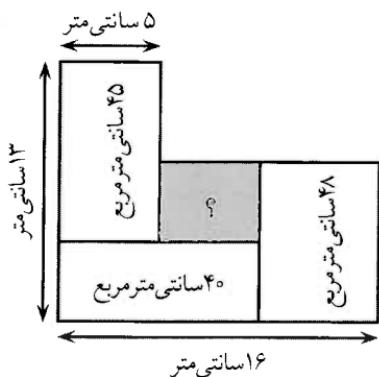


۲۱. سه تا تاس عجیب یکسان داریم:



مجموع سه تا عددی که روی وجه‌هایی هستند که روی میز قرار گرفته‌اند، چیست؟

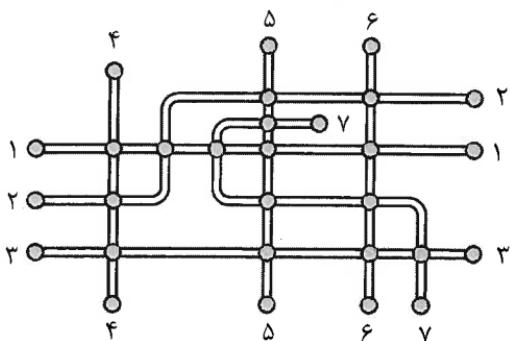
- الف) ۲۶ ب) ۴۰ ج) ۴۳ د) ۴۷ ه) ۵۶



۲۲. در شکل رو به رو، چهارتا مستطیل در کنار یکدیگر می‌بینید. مساحت مستطیل خاکستری چقدر است؟

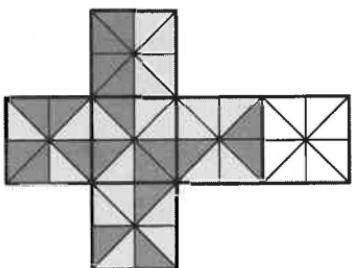
- الف) ۱۲ سانتی‌مترمربع
- ب) ۱۴ سانتی‌مترمربع
- ج) ۱۶ سانتی‌مترمربع
- د) ۱۸ سانتی‌مترمربع
- ه) ۲۰ سانتی‌مترمربع

۲۳. در تصویر زیر، نقشه‌ی مسیرهای هفت خط مترو در یک شهر کوچک را می‌بینید. دایره‌ها نشان‌دهنده‌ی ایستگاه‌ها هستند:



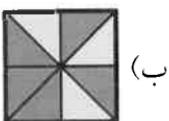
محمد می‌خواهد خطوط مترو را رنگ کند طوری که وقتی دو خط مترو ایستگاه مشترک دارند، رنگشان متفاوت باشد. کمترین تعداد رنگ‌هایی که محمد برای این کار لازم دارد چند رنگ است؟

- ه) ۷
- د) ۶
- ج) ۵
- ب) ۴
- الف) ۳

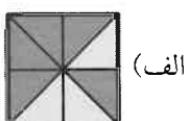


۲۴. داریوش می خواهد گستردگی رو به رو را تا کُند و یک مکعب بسازد. او می خواهد پس از ساختن مکعب، مثلثهای کوچکی که ضلع مشترکشان، یالی از مکعب است هم رنگ باشند (می دانید که

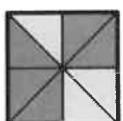
یالهای مکعب، همان ضلعهای مشترک بین وجههای مکعب هستند). او وجه رنگ نشده در گستردگی مکعب را باید چگونه رنگ آمیزی کند؟



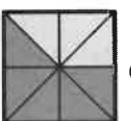
ب)



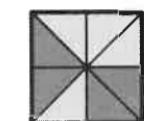
الف)



ه)



د)



ج)

۲۵. سیما از کمد فنجان‌ها، چهارتا فنجان درآورد و آن‌ها را به صورت تصادفی روی نعلبکی‌هایی که روی میز بودند قرار داد. کدام جمله درست است؟



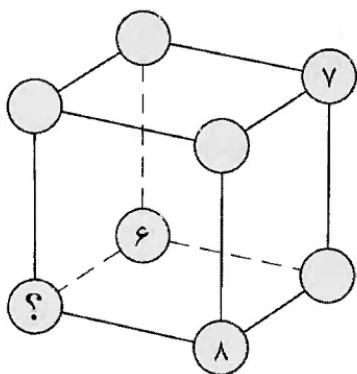
الف) حتماً هیچ‌یک از فنجان‌ها روی نعلبکی هم رنگ خود قرار نگرفته است.

ب) حتماً فقط ۱ فنجان روی نعلبکی هم رنگ خود قرار گرفته است.

ج) غیرممکن است که فقط ۲ تا فنجان روی نعلبکی هم رنگ خود قرار بگیرد.

د) غیرممکن است که فقط ۳ تا فنجان روی نعلبکی هم رنگ خود قرار بگیرد.

ه) غیرممکن است که هر ۴ تا فنجان روی نعلبکی هم رنگ خود قرار بگیرد.



۲۶. یک مکعب داریم که روی گوی‌هایی که در گوش‌های آن قرار گرفته‌اند، می‌توانیم عدد بنویسیم. مریم می‌خواهد عدهای ۱ تا ۸ را روی گوی‌ها بنویسد طوری که مجموع عدهایی که در چهار گوشی یک وجه مکعب هستند همه با هم برابر باشد. همان‌طور که در

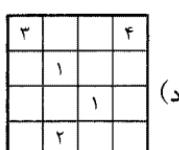
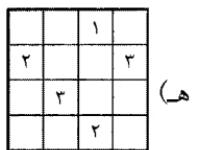
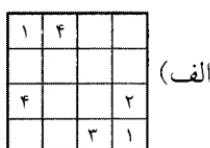
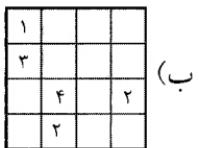
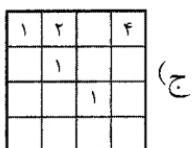
شکل می‌بینید، مریم عدهای ۶، ۷ و ۸ را نوشته است. او باید کدام عدد را روی گویی که با علامت سوال مشخص شده، بنویسد؟

- الف) ۱ ب) ۲ ج) ۳ د) ۴ ه) ۵

۲۷. مادربزرگ تعدادی شکلات دارد. او می‌خواهد شکلات‌ها را بین نوه‌هایش به‌طور مساوی تقسیم کند. مادربزرگ بیشترین تعداد ممکن را به هر نوه‌اش می‌دهد و وقتی کارش تمام می‌شود، می‌بیند به هر کدام ۲۰ تا شکلات داده و ۱۲ شکلات هم باقی مانده است. کمترین تعداد شکلاتی که مادربزرگ در ابتدا داشته، چند شکلات می‌تواند باشد؟

- الف) ۵۲ ب) ۲۳۲ ج) ۲۷۲ د) ۴۱۱ ه) ۴۳۲

۲۸. علی جدول‌های 4×4 دارد. در هر جدول، بعضی از خانه‌ها با عدهای ۱ تا ۴ پر شده است. علی می‌خواهد یکی از جدول‌ها را انتخاب کند و خانه‌های خالی آن را با عدهای ۱ تا ۴ پر کند طوری که به یک جدول «سودوکو» تبدیل شود؛ یعنی در هر ردیف و در ستون آن از هر رقم، فقط یکی وجود داشته باشد. به علی کمک کنید جدول مناسب را از بین جدول‌هایش انتخاب کند.



۲۹. عmad با هفت تا قطعه‌ی پازل کرم، بازی می‌کند:



او می‌خواهد با این قطعه‌ها یک کرم بسازد که یک سر داشته باشد، یک دم داشته باشد، و ۱ یا ۲ یا ۳ قطعه در قسمت بدنش داشته باشد. عmad با این قطعات، چند کرم متفاوت می‌تواند بسازد؟

- الف) ۱۰ ب) ۱۴ ج) ۱۶ د) ۱۸ ه) ۲۰

۳۰. آوا روی تخته، یک عدد سه رقمی نوشت. برديا رقم دیگری در سمت راست عدد آوا نوشته و یک عدد چهار رقمی ساخت. آوا گفت: «نگاه کن! اين عدد از عدد من، ۲۰۲۴ تا بزرگ‌تر است!» برديا چه رقمی نوشت؟

- الف) ۲ ب) ۳ ج) ۴ د) ۸ ه) ۹