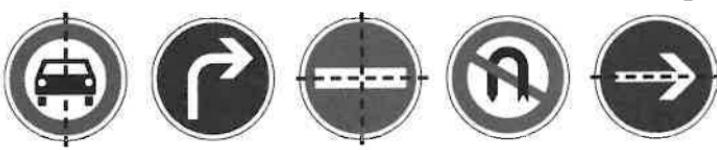


راه حل مسابقه‌ی ریاضی کانگورو ۲۰۱۶

راه حل مسئله‌های سه امتیازی

۱. (ج)



۱ خط تقارن

۰ خط تقارن

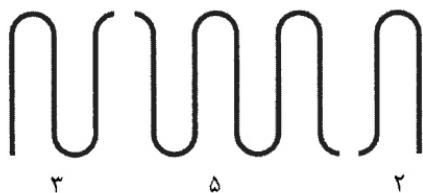
۲ خط تقارن

۰ خط تقارن

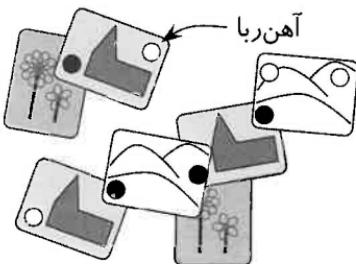
۱ خط تقارن

۲. (ه) سحر پیتزا را به چهار تکه‌ی مساوی تقسیم کرده و هر تکه را به سه تکه‌ی مساوی؛ پس پیتزا به $4 \times 3 = 12$ تکه‌ی مساوی تقسیم شده است.

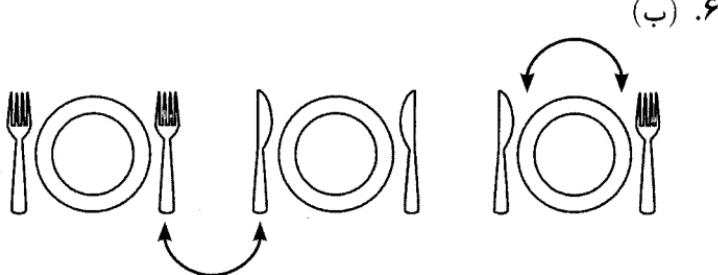
۳. (الف)



۴. (ج) می‌توانیم آهن‌ربایی را که آن‌ها را با دایره‌های توخالی نشان داده‌ایم برداریم.



۵. (ه) توجه کنید که مساحت ناحیه‌ی باقی‌مانده از مربع بزرگ‌تر با مساحت مربع کوچک برابر است؛ پس مساحت مربع کوچک برابر است با $50 \div 2 = 25$ سانتی‌متر مربع.



۶. (ب) صدپا $= 50 \times 2 = 100$ لنگه‌کفش دارد؛ پس $50 - 50 = 0$ لنگه‌کفش دیگر لازم دارد.

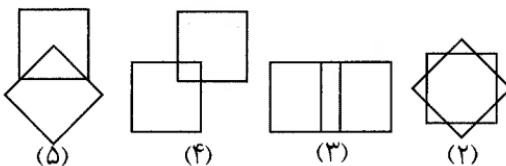
۷. (ج) مکعب مستطیل محسن از $24 = 6 \times 2 \times 2$ مکعب کوچک تشکیل شده و اولین ردیف مکعب مستطیل سعید از ۶ مکعب؛ پس مکعب مستطیل سعید باید از $4 = 6 \div 2$ ردیف تشکیل شده باشد.

۸. (ج) دو تا از دخترها به پهلوی برعکسِ دو دختر دیگر خوابیده‌اند؛ پس به هر حال دو تا از آن‌ها روی گوش راست و دو تای دیگر شان روی گوش چپ خوابیده‌اند.

۱۰. (ب) وجه ۱ و ۴ رو به روی هم و وجه ۳ و ۵ رو به روی هم هستند.

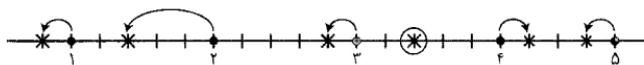
راه حل مسئله‌های چهار امتیازی

۱۱. (الف) دقیق کنید که قطر مربع از ضلع آن بلندتر است.



۱۲. (ج) حاصل جمع تعداد روزهای کاری همه، برابر است با $10 = 2 \times 5$; پس مزگان باید $3 = (3 + 4) - 10$ روز در هفته در مهد کودک باشد.

۱۳. (ج)



هر کدام از سنجاب‌ها یک فندق بر می‌دارد. تنها یک فندق باقی مانده است که سنجاب (۳) با ۴ واحد حرکت به آن می‌رسد، اما سنجاب (۴) برای رسیدن به آن باید ۵ واحد حرکت کند.

۱۴. (د) می‌دانیم که نصف راست‌دست‌ها بغل دستی چپ‌دست دارند، پس تعداد چپ‌دست‌ها نصف راست‌دست‌هاست و در نتیجه، تعداد کل دانش‌آموزان سه برابر تعداد چپ‌دست‌هاست؛ پس $30 \div 3 = 10$ دانش‌آموز چپ‌دست هستند.

۱۵. (ب) توجه کنید که دست‌کم یک عدد باید بیش از سه رقم داشته باشد، پس برای به دست آوردن کم‌ترین حاصل جمع، باید نوار را طوری ببریم که رقم هزارگان کم‌ترین مقدار ممکن باشد:

۱۶. (ه) توجه کنید که در آینه، جهت حرکت عقربه‌ها برعکس است.

$$۱۷. \text{(الف)} \quad ۸ = ۶ \div ۴ \times ۲$$

۱۸. (د) حاصل جمع رقم‌های BENJAMI برابر $۲۸ = ۷ + \dots + ۲ + ۱$ است؛ پس برای این که BENJAMIN مضرب ۳ باشد، N باید ۵ باشد تا حاصل جمع رقم‌ها بر ۳ بخش‌پذیر شود. چون عدد فرد است، باید ۵ N باشد.

۱۹. (الف) حاصل جمع سن چهار براذر، سه سال از چهار برابر سن احمد کمتر است؛ پس باید دنبال عددی بگردیم که سه واحد از یک عدد مضرب چهار کمتر باشد.

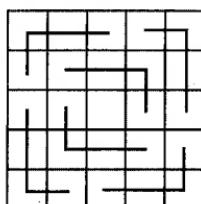
۲۰. (ج) هر مستطیل کوچک به اندازه‌ی یک‌چهارم محیط خودش از محیط مستطیل بزرگ کم می‌کند و از محیط خودش هم یک‌چهارم کم می‌شود؛ پس باید نصف حاصل جمع محیط مستطیل‌های کوچک را به محیط مستطیل بزرگ اضافه کنیم.

راه حل مسئله‌های پنج امتیازی

۲۱. (د) باید چهار تکه‌ی بریده شده ببینیم که زاویه‌ی رأسشان دو برابر ۴۵° است.

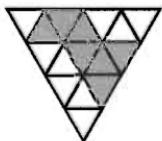
۲۲. (ب) عده‌های ممکن عبارت‌اند از ۱۱۱۱، ۱۱۱۲، ۱۱۱۳، ۱۱۱۴، ۱۲۲.

۲۳. (د) توجه کنید که نمی‌توانیم بیش از شش بلوك چهار مربعی ببریم.



۲۴. (ب) در حالت دوم، برای هر میز تک، سه صندلی چیده شده است؛ پس اگر می‌خواستیم برای هر میز یک صندلی دیگر بگذاریم، به $۶ + ۴ = ۱۰$ صندلی نیاز داشتیم؛ یعنی ده میز داریم.

(ب) ۲۵

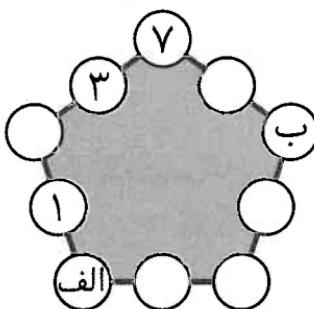


(د) چهار وجه طرف راست، وجه‌های کناری وجه طرف چپ هستند؛ پس وجه ششم مکعب سیاه ندارد.

(د) ۲۷

$$7 + 3 = 1 + (\text{الف}) \rightarrow (\text{الف}) = 9$$

$$(\text{ب}) + 6 = 2 + (\text{ب}) \rightarrow (\text{ب}) = 13$$



(ه) چون حاصل جمع رقم‌های \triangle برابر \square است، باید \triangle صفر باشد. پس حاصل جمع رقم‌های \bigcirc \square تنها می‌تواند ۲۰ باشد؛ یعنی \square برابر ۲ و \bigcirc برابر ۹ است.

(ج) هر ضرب در ۲ را می‌توان با یک تقسیم بر ۲ و هر ضرب در ۳ را می‌توان با یک تقسیم بر ۳ خنثی کرد. با ضرب ۱۲ در ۳ به ۳۶ می‌رسیم. حالا باید با ۵۹ عمل به ۳۶ بازگردیم؛ اما چون ۵۹ عددی فرد است، این کار امکان‌پذیر نیست.

۳۰. (ه) شاید اولین پاسخی که به ذهن می‌رسد، قرار دادن ۱ در یکان اولین عدد باشد؛ یعنی

$$\begin{array}{r} 3 \ 0 \ 1 \\ 2 \ 4 \ 5 \\ \hline 5 \ 4 \ 6 \end{array} \quad \text{یا} \quad \begin{array}{r} 3 \ 4 \ 1 \\ + 2 \ 0 \ 5 \\ \hline 5 \ 4 \ 6 \end{array}$$

اما پاسخ کمتری هم وجود دارد:

$$\begin{array}{r} 1 \ 0 \ 2 \\ 4 \ 3 \ 5 \\ \hline 5 \ 3 \ 7 \end{array} \quad \text{یا} \quad \begin{array}{r} 1 \ 3 \ 2 \\ 4 \ 0 \ 5 \\ \hline 5 \ 3 \ 7 \end{array}$$