

راه حل مسابقه‌ی ریاضی کانگورو ۲۰۱۴

راه حل مسئله‌های سه امتیازی

۱. (ج) ۲ بار برای حرف «ک»، ۱ بار برای حرف «ن»، ۲ بار برای حرف «و» و ۱ بار برای حرف «ر»؛ یعنی روی هم ۶ بار.

۲. (د) وزن بزرگ‌ترین تکه برابر نصف وزن کل کیک است.

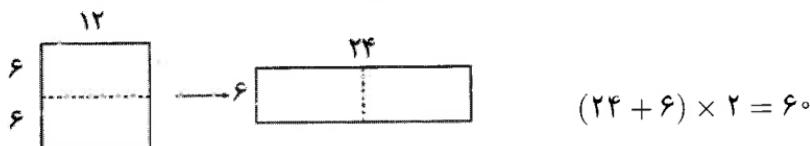
(د)

۳. (الف) مجموع یکی‌ها و صد تابی‌ها 309 می‌شود، پس همه‌ی ده تابی‌ها برابر صفر بوده‌اند.

(الف)

$$\begin{array}{r} 10000 \\ - 9999 \\ \hline 1 \end{array}$$

(۶. د)

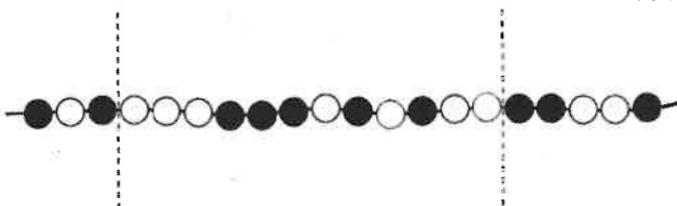


(۷. ب)

$$38 - (6 \times 3) = 20$$

$$20 \div 4 = 5$$

(۸. ب)



(۹. ب)

دور اول از ۹:۵۵ تا ۲۶:۱۰ یعنی ۳۱ دقیقه

دور دوم از ۱۰:۲۶ تا ۱۰:۵۴ یعنی ۲۸ دقیقه

دور سوم از ۱۰:۵۴ تا ۱۱:۲۸ یعنی ۳۴ دقیقه

دور چهارم از ۱۱:۲۸ تا ۱۲:۰۳ یعنی ۳۵ دقیقه

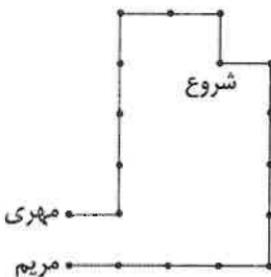
دور پنجم از ۱۲:۰۳ تا ۱۲:۳۲ یعنی ۲۹ دقیقه

۱۰. (ج) ساعت از ۱۲:۴۴ به ۱۲:۴۳ تغییر کرده است.

راه حل مسئله‌های چهار امتیازی

۱۱. (ه) در شکل اولیه مساحت قسمت‌های سیاه برابر مساحت ۳ کاشی و مساحت قسمت‌های خاکستری برابر مساحت ۵ کاشی است.

۱۲. (ب)

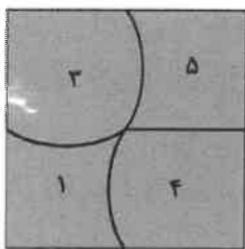


۱۳. (د) دیروز ۷ دانشآموزی که هر روز بستنی می‌خورند و ۶ تا از آن‌ها یک روز در میان بستنی می‌خورند، بستنی خورده‌اند.

امروز ۷ دانشآموزی که هر روز بستنی می‌خورند و ۳ تای دیگر از آن‌ها یک روز در میان بستنی می‌خورند، بستنی خواهند خورد.

۱۴. (ب) جای ۱ و ۵ با هم و جای ۳ و ۴ با هم عوض شده است.

۱۵. (ب)



۱۶. (د) رقم‌های این عدد ۳، ۵ و ۹ است.

۱۷. (الف)

$$\text{ظرفیت میزهای ۶ نفره: } 72 - 36 = 6$$

$$\text{تعداد میزهای ۶ نفره: } 36 \div 6 = 6$$

$$\text{تعداد میزهای ۳ یا ۴ نفره: } 16 - 6 = 10$$

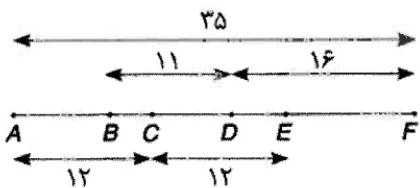
با حدس و آزمایش می‌توانیم تعداد میزهای ۳ و ۴ نفره را پیدا کنیم به‌طوری که

روی هم 10 تا میز با 36 نفر ظرفیت باشد:

تعداد میزهای 3 نفره: 4 و ظرفیت آنها: 12

تعداد میزهای 4 نفره: 6 و ظرفیت آنها: 16

(د) ۱۸.



$$EF = 35 - 12 - 12 = 11$$

$$DE = 16 - 11 = 5$$

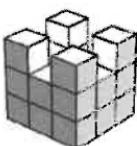
$$BE = 11 + 5 = 16$$

(ه) تعداد سنگهایی که باید به سنگهای او اضافه شود باید از یکی از مضربهای 3 ، یکی بیشتر و از یکی از مضربهای 5 ، سه تا بیشتر باشد؛ کوچکترین عددی که هر دو ویژگی را دارد، 13 است.

(الف) وجه 6 با وجههای $1, 2, 4, 5$ و 5 ضلع مشترک دارد، پس رو به روی وجه 3 است. وجه 1 با وجههای 5 و 2 ضلع مشترک دارد، رو به روی 6 و 3 هم نیست، پس رو به روی وجه 4 است.

راه حل مسئله‌های پنج امتیازی

(د) ۲۱.



هر سه مکعب این ستون هم باید حذف شوند.

۲۲. (الف) پخش کل آهنگ‌ها روی هم $13 \times 4 = 52$ دقیقه طول می‌کشد.

پس $52 - 52 = 0$ دقیقه بعد باز هم همان آهنگ C پخش می‌شود و آهنگ A پخش می‌شود.

۲۳. (ه) یکی از پاسخ‌های ممکن در اینجا آمده است.

۱	۷	۳
۵	۶	۹
۲	۸	۴

۲۴. (ج) از هر ۶ درخت کنار هم، ۳ تا چنار هستند و یکی بید. پس از هر ۶ درخت کنار هم ۲ تا درخت، توت هستند و روی هم 20 درخت، توت هستند.

۲۵. (ه) آزمایش کنید.

۲۶. (د) هر قاصد زمانی راه می‌افتد که 5 کیلومتر از جایی که قاصد قبلی راه افتاده است، دورتر از قصر است. پس 30 دقیقه طول می‌کشد تا به جایی که قاصد قبلی راه افتاده، برسد. پس روی هم 90 دقیقه بعد از او به قصر می‌رسد.

۲۷. (ب)

$$36 \div 3 = 12 \rightarrow \begin{cases} 12 = 2 \times 6 \rightarrow 15 - (2+6) = 7 \\ 12 = 3 \times 4 \rightarrow 15 - (3+4) = 8 \end{cases}$$

۲۸. (ج)

با حدس و آزمایش می‌توان پاسخ زیر را پیدا کرد.

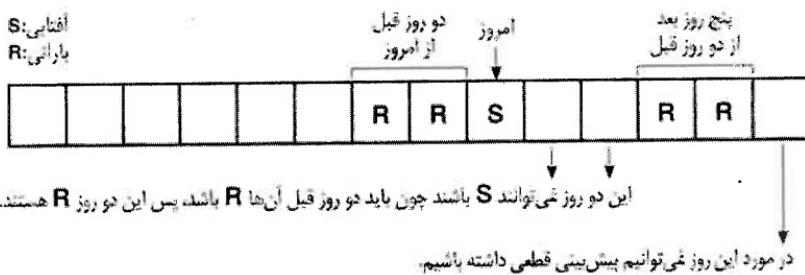
۲ روز: فقط 9 هویج $\leftarrow 18$ هویج

۳ روز: 1 کلم و 4 هویج $\leftarrow 3$ کلم و 12 هویج

۳ روز: فقط 2 کلم $\leftarrow 6$ کلم

۱۰ روز: فقط کاهو $(2+3+3) = 2$

(ج) ۲۹



۳۰. (ه) میانگین سن نوه‌ها $= \frac{18}{10} = 1.8$ سال است. می‌خواهیم حداقل سن آرزو را پیدا کنیم، پس باید سن نوه‌ها به هم نزدیک باشد! سن نوه‌ها عبارت است از ۲۳، ۲۲، ۲۱، ۲۰، ۱۹، ۱۸، ۱۷، ۱۶، ۱۵، ۱۴، ۱۳! پس حداقل سن آرزو ۲۳ سال است.